

# الوحدة الأولي( الأعداد الحقيقية )

- √ الجذر النكعيبي للعدد النسبي
- مجموعة الأعداد غير النسبية
  - مجموعة الأعداد الحقيقية
    - √ الفارات
    - العمليات على الفارات
- العمليات على الأعداد الحقيقية
  - ◄ العمليات على الجنور النربيعية
    - العددان المنزافقان
  - ✓ العمليات على الجنور النكعيبية
- نطبيقات على الأعداد الحقيقية
- ◄ المعادرات من الرجة الأولي
- √ حل اطنباينات من الدرجة الأولى



## الجذر التكعيبي للعدد النسبي

تعريف

الجذر التربيعي للعدد النسبي ( هو العدد الذي مكعبه يساوى ( ويرمز للجذر التكعيبي له قيمه وحيدة.

#### أمثلة على الجذر النكعيبي للعدد النسبي :-

أي أن الجذر التكعيبي لعدد نسبى ما هو حاصل ضرب عدد ما في نفسه ٣ مرات يكون الناتج هذا العدد النسبي

### ملاحظات عامة

- 1 الجذر التكعيبي للعدد النسبي الموجب يكون موجبا
  - 🕜 الجذر الكعيبي للعدد النسبي السالب يكون سالبا

### ( أي أن الجنر النُكعيبي يأخذ نفس إشارة العدد )

- الجذرالتكعيبي للعدد النسبي صفرهو الصفر
- ( الله النكعيب ال يغير الإشارة السالبة ) -= ( الله النكعيب ال يغير الإشارة السالبة )
- المعادلة التي على صورة: س = الماحل وحيد في ن هو: س = الماحل الماحل وحيد في ن هو: س = الماحد التكميم الماحد التكميم الماحد التكميم الماحد التكميم الماحد التكميم الماحد التكميم الماحد ا
  - - $\mathbf{b} = \mathbf{b}^{\perp} \times \mathbf{b}^{\perp} \times \mathbf{b}^{\perp} \times \mathbf{b}^{\perp}$

الخوارزمى فى الجبر واللحصاء

### طرق ايجاد الجذر التكعيبي للعدد النسبي المكعب الكامل :-

◄ باستخدام الآلة الحاسبة

◄ بتحليل العدد لعواملة الأولية

فمثلاً :

$$r = \sqrt{r}$$

$$r = \overline{r} - \overline{r}$$

أوجد الجذر التكعيبي للأعداد التالية بإستخدام التحليل ثم تأكد من أجابتك بإستخدام الآلة الحاسبة :-

## أجب بنفسك

$$= \frac{\sqrt{\frac{1}{1}}}{\sqrt{\sqrt{1}}} = \frac{\sqrt{\frac{1}{1}}}{\sqrt{1}} = \frac{\sqrt{\frac{1}}}{\sqrt{1}} = \frac{\sqrt{\frac{1}}}}{\sqrt{1}} = \frac{\sqrt{\frac{1}}}{\sqrt{1}} = \frac{\sqrt{\frac{1}}}{\sqrt{1}} = \frac{\sqrt{\frac{1}}}{\sqrt{1}} = \frac{\sqrt{\frac{1}}}{\sqrt{1}} = \frac{\sqrt{\frac{1}}}{\sqrt{1}} = \frac{\sqrt{\frac{1}}}{\sqrt{1}} = \frac{\sqrt{\frac{1}}}}{\sqrt{1}} = \frac{\sqrt{\frac{1}}}{\sqrt{1}} = \frac{\sqrt{\frac{1}}}{\sqrt{1}} = \frac{\sqrt{\frac{1}}}{\sqrt{1}} = \frac{\sqrt{\frac{1}}}{\sqrt{1}} = \frac{\sqrt{\frac{1}}}{\sqrt{1}} = \frac{\sqrt{\frac{1}}}{\sqrt{1}$$

 $V = Q - W - \frac{1}{4}$ 

<u>۱</u> س = ۲ – ۹

### حل معادلات الدرجة الثالثة في ٥٠

### مثال(١) : أوجد محموعة حل كلا من المعادلات الأتية في له :

$$( \times ) \quad Y = 0$$
 بالقسمه علی ه  $\frac{1}{4}$  س  $= -$  د بالقسمه علی ه

$$\mathbf{v} = \sqrt[n]{\mathbf{v}} \implies \mathbf{v} = \mathbf{v}$$

$$\mathbf{v} = \sqrt[n]{\mathbf{v}} \implies \mathbf{v} = \mathbf{v}$$

$$a_{1.5} = \{ -7 \}$$

### ٤ / س = - الح

(Y-)=Yسی(Y-)

س = -۸

 $a_{1-5} = \{ -A \}$ 

### (۱ − ۲ س) = ۱۲۵

#### بأخذ الجذر التكعيبي للطرفين

$$a_1.5 = \{ -7 \}$$

### ۱۸ = ۱۰ + " (۲ – ۱۸ ) آ

 $\xi \times \Upsilon - = \frac{1}{2} \omega \frac{1}{4} \times \xi$ 

 $Y = \sqrt{-\lambda} \Rightarrow \omega = -Y$ 

$$10-1\lambda =$$
<sup>۳</sup> $(2-3)$ 

$$A = {}^{\mathsf{T}}(\mathsf{Y} - \mathsf{U})$$

وبأخذ الجذر التكعيبي للطرفين

$$0 = 3 \implies \omega = \frac{3}{0}$$

$$0 = 3 \implies \omega = \frac{3}{0}$$

$$0 = 3 \implies \omega = \frac{3}{0}$$

## أجب بنفك

### أوجد مجموعة الحل لكل من المعادلات الآتية:-

الخوارزمى فى الجبر واللحصاء

تطبيقات علي الجذر التكعيبي لعدد نسبي

هذه التطبيقات سيتم دراستها فيما بعد تفصيلاً ومنها :

 $^{\text{T}}$ حجم المكعب = طول الحرف  $\times$  نفسه  $\times$  نفسه  $\times$  نفسه حجم المكرة =  $\frac{\xi}{\pi}$   $\pi$  نهر $^{\text{T}}$  ( نهم طول نصف قطرها )

مثال (۱) :- مكعب حجمه ۲۷ سم . أوجد طول حرفه ؟

الحــــل

- ·· حجم المكعب = ل"
- $\frac{\lambda}{\tau} = \overline{\frac{017}{77}} \sqrt{\frac{710}{77}} = \frac{\lambda}{\tau}$  سم

 $\frac{\gamma\gamma}{\sqrt{1-\gamma}} = \pi$  عن المده الكرة حيث  $\frac{\gamma}{\sqrt{1-\gamma}} = \pi$  عن المده الكرة حيث  $\frac{\gamma\gamma}{\sqrt{1-\gamma}} = \pi$ 

الحــــل

- $\pi$  حجم الكرة =  $\frac{3}{\pi}$  نوم  $\pi$ 
  - $\therefore \quad \lambda \cdot \lambda = \frac{2}{v} \times \frac{\gamma \gamma}{v} \quad \dot{v}^{\gamma}$

$$\frac{\Lambda}{\eta} = \frac{\Lambda}{\eta}$$
 نوم

⇒ ن نفہ = ۲۱سم

### أجب بنفسك

- ١٠٠٠ سم اوجد طول حرفه ؟
- ۱۳۷۲ کرة حجمها ۱۳۷۲ اوجد طول قطر هذه الکرة ؟

ا/ محمد محمود



## الدرس الثاني مجموعة الأعداد غيرالنسبية 🗸

#### العدد غير النسبى

هو العدد الذي لا يمكن وضعه على صورة  $\frac{1}{v}$  حيث |v| > 0 |v| > 0 حصفر ويرم زلجموعت الأعداد غير النسبيت بالرمز |v| > 0

### الأعداد غير النسبية

#### (١) الجذور التربيعية للأعداد الموجبة التى ليست مربعات كاملة

مثل: ١١٦ ، ١٠٨ ، ٧٢ ، - ١٥٨ ، ...... ( أي الجذور التربعية التي ليس لها جذر ) حيث أنها تعطي قيم غير مضبوطة ولايمكن وضعها علي صورة عدد نسبي

### (٢) الجذور التكعيبية للأعداد الموجبة أو السالبة التي ليست مكعبات كاملة

مثل: ﴿ ١٠٠ ، ﴿ ٥ ، ﴿ ١٦٨ ، ..... ( أي الجذور التكعيبية التي ليس لها جذر) حيث أنها تعطي قيم غير مضبوطة ولايمكن وضعها علي صورة عدد نسبي

### (٣) النسبة التقريبية $\pi$ أو (d)

النسبة التقريبية  $\pi$  عدد غير نسبي لإن  $\pi$  كسر عشري غير منته وغير دائر بينما  $\frac{\gamma\gamma}{\nu}$  ،  $\frac{\gamma\gamma}{\nu}$  أعداد نسبية لأنها قيمة تقريبية للعدد  $\pi$ 

### أمثلة أخري للأعداد غير النسبية

#### لاحظ أن :

$$\tilde{\nu} = \nu - \tilde{\nu}$$
,  $\nu = \tilde{\nu} - \nu$ ,  $\phi = \tilde{\nu} \cap \nu$ 

#### الخوارزمى في الجبر والإحصاء

الصف الثانى الإعدادي

## مثال (١) : بين أياً من الأعداد التالية ينتمى إلى ٧٠ وأيها ينمتي إلي ٧٠ :-

- V V
- 17 + 70 0
- ٠,۲٥ ﴿ الحـــل

- $\tilde{\nu} \ni \overline{V} \setminus \otimes \quad \nu \ni 1, \dot{Y} \otimes \nu \ni ., vo \otimes \qquad \tilde{\nu} \ni \overline{17} \downarrow^{r} + \overline{Vo} \downarrow \otimes$

## أجب بنفسك

### أكمل بإستخدام أحد الرمزين ٧٠ أو ٧٠ :-

- ∋ r (1)

- ⇒ \[
  \begin{align\*}
  \text{T} \\
  \text{O} \\
  \text{T} \\
  \text{O} \\
  \text
- ∋ 9-1
- ∋ 1/ (₹) > 70-√
  - € 1 €

€ ۲٫۰ ﴿

∋ ¶ €

شال (٢) : أوجد محموعة حل كلا من المعادلات الأتية في 🖟

٤ س = ٢٥ بالقسمه على٤

$$\frac{70}{\epsilon} = \frac{70}{\epsilon}$$

$$\tilde{\omega} \ni \frac{70}{12} = \tilde{\omega}$$

$$a_{1.5} = \{ \sqrt[7]{\frac{3}{2}} \}$$

۲۹ -= ۲ - ۲۹ W

$$\omega = \frac{\forall}{5} - = \frac{\forall \nabla}{35} - \sqrt{7} = \omega$$

$$Q = Q$$

أوجد مجموعة حل كلا من المعادلات الآتية في ٧٠ :-

### مما سبق نستنتج أن الأعداد غير النسبية هي :

- √ كل عدد غير نسبى تنحصر قيمته بين عددين نسبيين.
  - √ كل كسر عشري غير منته وغير دائر.
- $\checkmark$  کل عدد لا یمکن وضعه علی صورة  $\frac{1}{v}$  حیث  $1, v \in v$ ,  $v \neq v \neq v \neq v$
- √ كل عدد لا ينتمي إلى مجموعة الأعداد النسبية ويمكن تمثيله على خط الأعداد.

### ايجاد قيمة تقريبية للعدد غير النسبي

### مثال (١) أوجد قيمة تقريبية لكل من الأعداد الآتية :-

17\" ®

11/0

### لإيجاد قيمة تقريبية للعدد 11 أنتبع الأتي :

- ۱۲،۹ انهما ۱۱ نبحث عن عددین کل منها مربع کامل پیحصران العدد ۱۱ فنجد أنهما ۱۲،۹
  - ۱۱ > ۱۱ > ۹ : نرتب هذه الأعداد ويفضل تصاعديا : ۹ < ۱۱ > ۱۱
  - الجذر التربيعي للأطراف: ١٦١ > ١١١ > ١٦١ > ١٦١

أي أن: ٣ > ١١ > ٤ أي أن العدد ١١ ينحصرين العددين الصحيحين ٣،٤

التالية: التالية: المحسفيم الأعداد التالية:

$$1 \cdot , \Upsilon \xi = {\Upsilon ( \Upsilon, \Upsilon )}$$

$$1 \cdot , \Upsilon \xi = {\Upsilon ( \Upsilon, \Upsilon )}$$

$$1 \cdot , \Upsilon \xi = {\Upsilon ( \Upsilon, \Upsilon )}$$

$$1 \cdot , \Lambda \eta = {\Upsilon ( \Upsilon, \Upsilon )}$$

- ۱۱٫۵٦ > ۱۱ > ۱۰٫۸۹ : ۱۱ حصرالعدد ۱۱ : ۱۰٫۸۹ > ۱۱
- انخذ الجذر التربيعي للأطراف: ١٠,٨٩ > ١١ > ١١,٥٦ > ١١,٥٦ ا

أي أن: ٣,٤،٣,٣ تعتبر قيم تقريبية للعدد ١١٦

## لإيجاد قيمة تقريبية للعدد $\sqrt{\gamma}$ نتبع الأتي $\gamma$

- ۲۷ ، ۸ انهما ۱۲ عنعددین کل منها مکعب کامل پحصران العدد ۱۲ فنجد أنهما ۸ ، ۲۷
  - ۲۷ > ۱۲ > ۸ : نرتب هذه الأعداد ويفضل تصاعديا : ۸ > ۱۲ > ۲۷
  - ♦ ناخد الجذر التكعيبي للأطراف: " ١٢ < " ١٢ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٢ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٦ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢ < " ١٧٢

7.7 اي ان 7.7 ينحصريين العددين الصحيحين 7.7 اي ان 7.7 ينحصريين العددين الصحيحين

● ولإيجاد قيمة تقريبية للعدد ١٢√١ نفحص قيم الأعداد التالية:

$$1.75 = (7,7)$$
 $1.77 = (7,7)$ 
 $1.77 = (7,7)$ 

- ۱۲,۱۱۷ > ۱۲ > ۱۰,7٤٨ : ۱۱ > ۱۲,۱۱۷ > ۱۲
- 17,177 >  $17\sqrt{r}$  > 17,724 > 17,727

اي ان: ۲٫۲، ۲٫۳ تعتبر قيم تقريبيت للعدد الم١٢١

### مثال (٢) أثبت أن :

### ۱٫۸ ، ۱٫۷ ینحصربین ۳ ل

$$T,Y \in {}^{Y}(1,\Lambda) \qquad Y,\Lambda = {}^{Y}(1,Y)$$

$$T = {}^{Y}(T,\Lambda)$$

بأخذ الجذر التربيعي للأطراف

### ۲,0 ، ۲,٤ ينحصرين العددين ١٥٠٠ ينحصرين

$$10,770 = {}^{7}(7,0) \quad 17,475 = {}^{7}(7,5)$$
$$10 = {}^{7}(\overline{10}\sqrt{7})$$

الخوارزمي في الجير والإحصاء

## مثال (۳): أثبت أن : ۱ + √ ° ينحصر بين ۳٫۳ ، ۳٫۳

بطرح (١) من كل من الأعداد فيكون: ١٥ ، ٢.٢ ، ٢.٣

$$(7,7)^{7} = 3\lambda,3$$

$$^{\circ}$$
 (۲,۲)  $^{\circ}$  =  $^{\circ}$  (۲,۳)  $^{\circ}$  =  $^{\circ}$  (۲,۲)  $^{\circ}$  :  $^{\circ}$   $^{\circ$ 

### مثال (٤) : أوجد عددين صحيحين متتاليين ينحصر بينهما كلا من :

**(€) العدد الم-۲۰** 

الحسال

١٠ نختار عددين صحيحين كلا منهما مربع كامل وينحصر بينهما العدد المطلوب

£ > 17/2 > # :

17 have 171

😙 نختار عددين صحيحين كلا منهما مربع كامل وينحصر بينهما العدد المطلوب

$$\overline{\lambda} = \overline{\lambda}^{T} > Y \cdot = \overline{\lambda}^{T} > Y \cdot = \overline{\lambda}^{T} :$$

$$Y - > Y \cdot - \bigvee_{r} > Y - :$$

## أجب بنفيك

- () اثبت ان: ٦٦ ينحصريين ٢,٤ ، ٢,٥
- ۲,۳ ، ۲,۲ بنحصرین ۲,۲ ، ۲,۳
- $T_{\lambda}$  ،  $T_{\lambda}$  ،  $T_{\lambda}$  ،  $T_{\lambda}$  ،  $T_{\lambda}$  ،  $T_{\lambda}$  ،  $T_{\lambda}$
- ۲,۷ ، ۲,٦ اوجد عددین صحیحین پنحصربینهما

الخوارزمى في الجبر والإحصاء

### تمثيل العدد غير النسبي على خط الأعداد

### الطريقة.

#### فيكون الضلع الثالث = قيمة العدد الغيرنسبي

ويتم رسم الضلع الأخر بحيث يكون عموديا على خط الأعداد

ثم من نهايته نركز بسن الفرجار بعد فتحه بفتحه تساوي طول الوتر ونرسم قوس يقطع خط الأعداد عند قيمة العدد الغير نسبى لأنه بذلك يمثل طول أحد ضلعى القائمة في مثلث قائم

### ملحوظة مهمة جداً :

√ إذا كان العدد موجب نرسم على اليمين

√ إذا كان العدد سالب فإن إتجاه الرسم يكون على اليسار

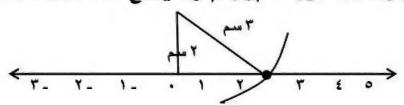
### مثال (١) : مثل على خط الأعداد العدد الغير نسبي 🗸 🔾

$$T = \frac{7}{7} = \frac{1+0}{7} = \frac{1+0}{7} = \frac{1+0}{7} = \frac{1+0}{7} = \frac{7}{7} = 7$$

$$Y = \frac{\xi}{Y} = \frac{1-0}{Y} = \frac{1-0}{Y} = \frac{1-0}{Y}$$
 العدد الذي تحت الجذر  $= \frac{1-0}{Y}$ 

$$\frac{7}{2}$$
 يكون الضلع الأخر وهو أحد أضلاع القائمة  $=\sqrt{7}$   $=\sqrt{7}$   $=\sqrt{7}$   $=\sqrt{9}$   $=\sqrt{9}$   $=\sqrt{9}$ 

نقيم عمودا على خط الأعداد عند الصفر طوله يساوى ٢ سم
 ثم نفتح الفرجار فتحت تساوى ٣ سم ونرسم قوسا يقطع خط الأعداد عند القيمة



#### الخوارزمى في الجبر والإحصاء

### T > + T مثل على خط الأعداد العدد الغير نسبي T + T > T

#### نفس طريقة الرسم السابقة ولكن نقيم عمودا عند العدد ٢ وليس العدد صفر

### مثال (٣) : مثل على خط الأعداد العدد الغير نسبي ٤ – ٧٠

#### في هذا المثال نركز عند العدد ٤ ثم يتم الرسم على يساره

الوتر = 
$$\frac{1 + 3 \cdot 1}{7} = \frac{1 + 3 \cdot 1}{7} = \frac{7}{7} = 7$$

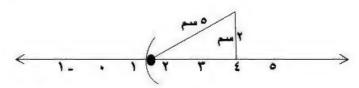
الوتر =  $\frac{1 + 3 \cdot 1}{7} = \frac{1 + 3 \cdot 1}{7} = 7$ 

ضلع القائمۃ =  $\frac{1 + 3 \cdot 1}{7} = \frac{1 + 3 \cdot 1}{7} = 7$ 

سلع القائمۃ =  $\frac{1 + 3 \cdot 1}{7} = \frac{1 + 3 \cdot 1}{7} = \frac{1 + 3 \cdot 1}{7} = \frac{1 + 3 \cdot 1}{7}$ 

یکون الضلع الأخروهو أحد أضلاع القائمۃ =  $\sqrt{7 - 7} = 7$ 

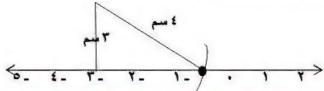
یکون الضلع الأخروهو أحد أضلاع القائمۃ =  $\sqrt{7 - 7} = 7$ 



### مثال (٤) ؛ مثل على خط الأعداد العدد الغير نسبي ٢٠٠٠ 🗸 ٧

### نركزفي هذه المسألة عند العدد - ٣ ثم نرسم العدد 🗸 م على يمينه

الوتر = 
$$\frac{\text{العدد الذي تحت الجذر + 1}}{\text{Y}} = \frac{\text{Y} + \text{Y}}{\text{Y}} = \frac{\text{Y}}{\text{Y}} = \frac{\text{Y}}{\text{Y}}$$
 =  $\frac{\text{Y}}{\text{Y}} = \frac{\text{Y}}{\text{Y}} = \frac{\text$ 



## تطبيقات

### مثال (۱): دائرة مساحة سطحها ۱۱ $\pi$ سم $^{\prime}$ . أوجد طول نصف قطرها $^{\circ}$

### مثال (٢) : مربع مساحته ١٠ سم ۗ . أوجد طول كلا من ضلعه وتطره ؟

مساحة المربع = 
$$\Box$$
 (بمعلومية طول ضلعه)  
 $\Box$  =  $\Box$   $\Rightarrow$  وبأخذ الجذر التربيعي للطرفين  
 $\Box$  =  $\Box$   $\Rightarrow$   $\Box$   $\Rightarrow$   $\Box$   $\Rightarrow$   $\Box$   $\Rightarrow$   $\Box$   $\Rightarrow$   $\Box$   $\Rightarrow$   $\Box$   $\Box$  سم

### ولكن ل طول ضلع يجب ان يكون عدد موجب

### أجب بنفسك

- ٠ دائرة مساحة سطحها π٥ أوجد طول نصف قطرها وكذلك أوجد المحيط؟
  - ۲۸ مربع مساحة سطحه ۲۸ سم أوجد طول كلا من ضلعه وقطره ١

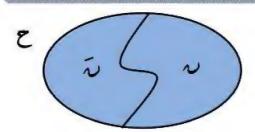
الخوارزمى فى الجبر والإحصاء



## مجموعة الأعداد الحقيقية (ح)

## تعريف

مجموعة الأعداد الحقيقية هي المجموعة الناتجة من اتحاد مجموعة الأعداد النسبية والأعداد غير النسبية ويرمز لها بالرمز (ح) .



_2	صفر	+2
الأعداد الحقيقية السالبة	و	الأعداد الحقيقية الموجبة

### لاحظ أن :-

- 2 = NUN 0
- Ø = νnν 0
- \_2U{+}U+2=20
- العدد صفر (ای تلی الصفر)  $\Rightarrow 3 + = \{ w : w \in 3 \ n > 0 \}$
- - $_{-}$   $_{+}$   $_{-}$ 
    - ٧ مجموعة الاعداد الحقيقية غير السالبة

🚺 مجموعة الاعداد الحقيقية غير الموجبة

- کلعدد حقیقی تمثله نقطت وحیدة علی خط الأعداد.
- الاعداد الحقيقية المتساوية تمثلها نقطة وحيدة على خط الاعداد.
  - 🕔 كل عدد غير نسبى تنحصر قيمته بين عددين نسبيين .
    - 🐠 الصفرعدداحقيقيا ليسموجبا أوسالبا.

### مثال (١): رتب الأعداد الآتية ترتيباتصاعديا:-

لترتيب الأعداد الآتية يجب المقارنة بينهما وللمقارنة بينهما يجب أن تكون لهم نفس رتبة الجذور

$$r = \sqrt{rr}$$
 ,  $\sqrt{-r} = -\sqrt{r}$  ,  $r = \sqrt{r}$ 

الأعدادهي: ١٧٦، - ١٥٤، ١٠٦، ١٣٦، ١٠٠، - ١١ نرتب الأعداد السالبة أولا ثم الصفر ثم الأعداد الموجبة.

### مثال (٢):- أوجد أربعة أعداد غير نسبية تنحصر بين ٤، ٥

اوجد مربع العددين ٤ ، ٥ كما يلي (٤) = 17 ، (٥) = 07 اوجد مربع العددين ٤ ، ٥ كما يلي (٤) = 07 اختر اربعت اعداد تكون بين ١٦ ، ٥٧ ولتكن ١٩ ، ١٠ م

### أجب بنفسك

- ١٤ ١- ١٠ ، ١٠٠ ، ١٠٠ ، ١٠٠ ، ١٠٠ ، ١٤ ، ١٠٠ ، ١٤١ ١
  - ۱۰ اوجد اربعت اعداد غیر نسبیت تنحصرین: ۵، ۲.

### مثال (٣): أوجد مجموعة حل كل من المعادلات الآتية في ح :-

$$\frac{\delta}{\eta} \times A = \frac{\eta}{\eta} \omega \frac{\delta}{\eta} \times \frac{\eta}{\delta}$$



## الفترات

### تمثل مجموعة الأعداد الحقيقية على خط الأعداد عن طريق الفترات ولكن لماذا ؟

لأنه يوجد بين كل عددين نسبيين عدد لا نهائي من الأعداد النسبية وغير النسبية التي يستحيل سردها في مجموعة وبالتالي لا يمكن تمثيلها علي خط الأعداد لذلك نستخدم طريقه أخري للتعبير عن المجموعات الجزئية من الأعداد الحقيقة وهي الفترات.

الفترة : هي مجموعة جرئية من مجموعة الأعداد الحقيقية

أنواع الفترات

0 الفترات الحدودة

🛈 الفترات غير الحدودة

أولا: الفترات المدودة: - إذا كان ١، ب ∈ ح ، ١ < ب

التمثيل علي خط الاعداد	التمثيل بالصفة الميزة	التعبير الرياضي	الفترة	
•••••••	{ ~: ~ ∈ 3, 1≤ ~ ≤ + }	[﴿،ب]	الفترة المغلقة	
÷	{ ~: ~ ∈ 3, { < ~ < ~ }	] ۹، ب [	الفترة المفتوحت	
÷ 1111110	{ ∈ 3 . (≤ }	[﴿، ب [	الفاتره نصيف	
÷ ///////	{ - 2 - 2 - 1 - 2 - 2 - 2 - 2 - 2 - 2 - 2	] { ، ب ]	المفتوحة/المغلقة	

### ملاحظات على الفترات المحدودة :-

- [ 4, 4] ∋4, 10
- (1, + € ] (1, + [
- ] + ( | ] + ( ] + ( ] ] > ( 0

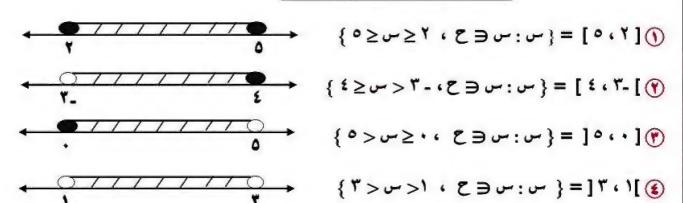
#### لاحظ أن

عند كتابة الفترة يجب كتابة العدد الأصغر أولا

#### الخوارزمى في الجبر والإحصاء

الصف الثانى الإعدادي

#### مثال (١) : عبر عن الفترات الأتية بالصفة الميزة ومثلها على خط الأعداد :-



## المنب بجأ

#### تدريب ١ : عبر عن الفترات الأتية بالصفة المهيزة ومثلها على خط الأعداد :-

#### تدريب ٢ : عبر عن المجموعات الأتية بالفترات ومثلها على خط الأعداد :-

### ثانيا: الفترات غير المدودة :-

#### $\infty = 700$

الرمز  $\infty$  يقرأ ما لانهايه وهو أكبر من أي عدد حقيقي يمكن تصورة الرمز  $-\infty$  يقرأ سالب ما لانهايه وهو أصغر من أي عدد حقيقي يمكن تصورة

#### الخوارزمى فى الجبر والإحصاء

#### الصف الثانى الإعدادي

التمثيل علي خط الأعداد	التمثيل بالصفة الميرة	الفترة
<b>←</b>	{   ≤ い・と ∋ い: い}	]∞،♭]
<b>←</b>	{   <     <	]∞،♭[
<b>←</b>	{  ≥ 0, 2 ∋ 0: 0}	[ <b>]</b> · ∞ -[
<b>—</b>	{  > 0,500 ( )}	]   • ∞ - [

#### مراحظات على الفترات غير المحدودة :

( • • 
$$\infty$$
 - [ = ] -  $\infty$  • ] مجموعة الأعداد الحقيقية غير الموجبة

٠٠ الرمزان ٥٠ ، - ٥٠ ليسا عددين حقيقين .

### ] ∞ . ) [ ∌ ) ()

#### الحظان

٠ تكتب في الأخر

﴿ - ∞ تكتب في الأول

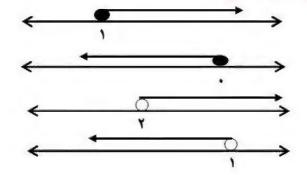
#### مثال (١) : عبر عن الفترات الأتية بالصفة الميزة ومثلها علي خط الأعداد :-

100 (1)

]. . 00 - [ (4)

] ∞ , ۲ [ ( )

[1:00-[3



- {1≤ ω: ∞ [=] ∞:1] 0
- {・≥ ω・౭ ∋ ω: ω } = [・・∞ [ •
- { Y < ∞ : ∞ ∈ ∃ , ∞ : Y [ **@**
- { \ > ω : ω ∈ ∃ , ω < | 6

#### تدريب ١ : عبر عن الفترات الأتية بالصفة الميزة ومثلها على خط الأعداد :-

100110

] A . . . [ (Y)

] ∞ . . [ ( )

[1-10-[6]

( ) المكملة (

#### الخوارزمى فى الجبر واللحصاء



## العمليات علي الفترات

### العمليات على الفترات أربح عمليات هما :-

الإتحاد والتقاطع والفرق والمكملة ورموزها على الترتيب هي:

O الإتحاد (U)

۞ التقاطع (∩)

( - ) الفرق ( - )

#### اولا: الإنماد (∪):-

الإتحاد بين فترتين هو كل ما بداخل الفترتين فهو ما في الفترة الأولى وما في الفترة الثانية ولكن لا يمكن تكرار العناصر

### ثانيا: التقاطع ( ֹ ) :-

هو العناصر المشتركة في كلا من الفترتين أي أن فترة التقاطع هي الفترة التي تكون مشتركة في الفترتين

#### ثالثًا: الفرق (— ) :-

الفرق بين فاترتين هو كل ما هو موجود في الفاترة الأولى وغير موجود في الفاترة الثانية

### رابعا: الكملة ( ~ ) :-

مكملة فترة هو كل ما هو خارج الفترة من أعداد حقيقية فالمكملة هو الفرق بين مجموعة الأعدداد الحقيقية والفترة نفسها

القواعد التَّى ذُكر ناها لإيجاد التَقاطع أو الإتحاد أو الفرق أو المكملة لا تَصلح مع الفترات لأن الفترات لا يمكن حصر الأعداد الحقيقية التَّى بها لذا سنستعين بخط الأعداد وتَمثيل الفترتين عل خط واحد كما سنرى فَى الأمثلة الأتية :-

#### مثال (١) : أوجد التقاطع والإتماد والفرق والكملة لكلا من الفترات الآتية :-

$$-\infty = \infty = 1.1.1$$
 "نعكس قوس العدد الدرخلي"  $-\infty = [-7.1]$ 

$$]\infty \cdot \circ [U] \cdot \circ - [=[\circ \cdot \cdot] - z = \sim$$

أ/ محمد محمود

[Y, T-] = ~ (7)

الإتحاد

#### الخوارزمى فى الجبر والإحصاء

#### الصف الثانى الإعدادي

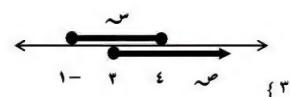
E - 2 (8)

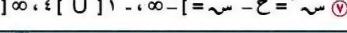
#### ستعينا بخط الأعداد أوجد كلا مما يأتي :-

- ~ U ~ (r) ~ n ~ (1)
  - D 3 1 co

- 🥐 سۍ د
- $]\infty, \Upsilon] \cap [\xi, 1] = \longrightarrow \cap \longrightarrow \bigcirc$ [ ٤ , ٣] =

  - ٣ ص ل س = [ ۱ ، ۵ ]
    - ] " · 1 ] = ~ ~ ~ · · · · ·
- @ ع ∩ ص = [٢،٣] = {٤،٣} = (٤،٣} = (٤،٣)
  - (۱) ص س = ] ٤ ، ∞ [
  - (۷) س أ = ع \_ س = [ = س \_ ح = أ س (ا)





#### / محمد محمود

#### الخوارزمى فى الجبر والإحصاء

الصف الثانى الإعدادي

لاحظان

( في الفرق نفتح الفترة

في الإتحاد نقفل الفارة

$$] \lor ` `` [ = \{ \lor ``` \} - [ \lor ```] = \downarrow - \downarrow \bigcirc `` \{ \lor ``` \} = \{ \lor ``` \} \cap [ \lor ```] = \downarrow \cup \downarrow \bigcirc ``$$

### مثال (٤) : أكمل ما يأتي :-

$$\{\wedge, \circ, \vee\} = \{\wedge, \wedge, \circ, \vee, \vee\} \cap [\wedge, \vee] \bigcirc$$

$$\emptyset = \{ \{ \{i, i\} \} \cap \{ \{i, i\} \} \}$$

$$\{\circ,\cdot\} = \{\circ,\cdot\} \cap [\circ,\cdot] \textcircled{s}$$

$$[\mathfrak{I}, \cdot \cdot [=\{\,\cdot\,\} - [\mathfrak{I}, \cdot\,]])$$

$$\{T\}$$
- $]$  $\Lambda$ ,  $\Upsilon$ [= $\{\lambda, \tau, \Upsilon\}$ - $[\lambda, \Upsilon]$  $\Lambda$ 

$$[ Y, Y] = \{ Y, \xi, Y \} \cup [ Y, Y [ \bigcirc$$

$$\{ \mathsf{T} \} \cup [ \circ \cdot \cdot \cdot ] = \{ \mathsf{T} \cdot \circ \cdot \cdot \cdot \} \cup ] \circ \cdot \cdot [ \mathfrak{M} ]$$

(۲) إذا كانت: س
$$= [ 7 , \infty ]$$
 ، ص $= [ -\infty , \gamma ]$  فأوجد مستعينا بخط الأعداد :

#### أكمل ما يأتى :-

$$= \{ \Upsilon \} - [ \Upsilon , \Upsilon ] \bigcirc$$

#### الخوارزمى في الجبر واللحصاء

الصف الثاني الإعدادي

·1711170·17/0



## العمليات علي الأعداد الحقيقية

### أولا: عملية الجمع

يتم جمع وإختصار الجذور المتشابهه فقط أما الجذور الغير متشابهه لا يمكن جمعها. عند جمع وطرح الجذور المتشابهه نكتب الجذر مرة واحدة ثم نجمع ونطرح المعاملات ( الأرقام).

#### مثال (١) : أوجد ناتج : -

### خواص جمع الأعداد الحقيقية :-

### ناصية الأنفلاق :

إذاكان (، ب عددين حقيقيين فإن: ( ( + ب ) ∈ ح

اى ان: مجموع اي عددين حقيقيين هو عدد حقيقي فيكون ح مغلقة تحت عملية الجمع.

#### 🕜 خاصية الإبدال :

إذا كان ( ، ب عددين حقيقيين فإن : ( + ب = ب + ا

### 😙 خاصية الدمج :

إذا كان (، ب، ج اعداد حقيقية فإن: ( ( + ب ) + ج = ( + ( ب + ج ) = ( + ب + ج

#### 🕃 خاصية الحايد الجمعي :

إذا كان (عددا حقيقيا فإن: (+٠ = ٠ + ( = )

أي أن: المحايد الجمعي في ح هو الصفر

أ/ محمد محمود

#### الخوارزمى في الجبر والإحصاء

الصف الثانى الإعدادي

#### خاصية المعكوس الجمعي :

لكل عدد حقيقي اليوجد معكوس جمعي الويكون ا + (اا ) = صفر

ويسمي كلامن العددين ا ، ١ معكوس جمعي للأخر.

 $\sqrt{V} - Y - \sqrt{V}$  المكوس الجمعي للعدد:  $Y + \sqrt{V}$  هو

 $\sqrt{+\pi}$  مو  $-\pi$  +  $\sqrt{+\pi}$  المعكوس الجمعي للعدد:

المعكوس الجمعي للعدد صفرهو نفسه الصفر

#### لاحظان

المعكوس الجمعى للعيد  $\sqrt{q}$  هو  $\sqrt{q}$  المعكوس الجمعى للعيد  $\sqrt{q}$  هو  $\sqrt{q}$ 

#### مثال (٢) : اغتصر لأبسط صورة :

$$\overline{VV} = \overline{VV} + \overline{VV} + \overline{VV} = \overline{VV$$

$$\overline{OV}^{r} V = \overline{OV}^{r} (\xi - r + V) = \overline{OV}^{r} \xi - \overline{OV}^{r} r + \overline{OV}^{r} V$$

$$\overline{Y}V + \overline{Y} = (\overline{Y}V Y - \overline{Y}V Y) + (\lambda + \delta -) = \overline{Y}VY - \lambda + \delta - \overline{Y}VY$$

$$\overline{11}\sqrt{3} - \sqrt{11} + 21 - \sqrt{11}\sqrt{3} + (\sqrt{11} - \sqrt{2}) + (\sqrt{2}) + (\sqrt{2} - \sqrt{2}) + (\sqrt{2}) + (\sqrt{2}) + (\sqrt{2} - \sqrt{2}) + (\sqrt{2}) + (\sqrt$$

$$= (P+T)\sqrt{T} + (O+T)\sqrt{O} + (T-3)\sqrt{T} = TI\sqrt{T} + V\sqrt{O} - \sqrt{V}$$

عند جمع أكثر من جذر نجمع الجذور المتشابهه معا لتبسيط حل المسألت

ثانيا : عملية الطرح

#### عملية الطرح ممكنة دائماني ح وتعرف كما يلي

لكلا ∈ ح ، ب ∈ ح يكون : ا - ب = ا + ( - ب )

أي أن: عملية الطرح (٢ – ب) تعني جمع العدد مع المعكوس الجمعي للعدد ب. وعملية الطرح ليست إبداليه وليست دامجة.

### أجب بنفسك

#### (١) : أكتب المعكوس الجمعي لكل من الأعداد التالية :-

### (٢) : أختصر لأبسط صورة :-

VV = - + 1 - VV (1)

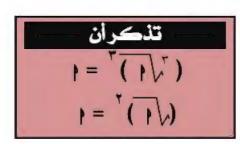
#### الخوارزمي في الجبر والإحصاء

الصف الثانى الإعدادي

#### ثالثاً: عملية الضرب

عند ضرب الجذور نضرب المعامل × المعامل و الجذر × الجذر

### مثال (١) : أوجد ناتج ما يأتي :



### خواص ضرب الأعداد المقيقية :-

### خاصية الأنفلاق:

إذا كان (، ب عددين حقيقيين فإن : ( إ × ب ) ∈ ح

أي أن: حاصل ضرب أي عددين حقيقيين هو عدد حقيقي فيكون ح مغلقة تحت عملية الضرب.

فهثلاً: 
$$\sqrt{T} \in \mathcal{I}$$
 ،  $\sqrt{T} \in \mathcal{I}$  فيكون:  $\sqrt{T} \times \sqrt{T} \times \sqrt{T} = 1 \times 0 = 0$ 

### 🕜 خاصية الإبدال :

اذا کان  $(\cdot, \cdot, \cdot)$  عددین حقیقیین فإن :  $(\times, \cdot) = \cdot \times (\cdot)$  فوثلاً :  $(\cdot, \cdot) = \cdot \times (\cdot)$  و و  $(\cdot, \cdot)$  و و  $(\cdot$ 

#### 😙 خاصية الدمج :

 $\frac{|\vec{\epsilon}|}{|\vec{\epsilon}|} \frac{|\vec{\epsilon}|}{|\vec{\epsilon}|} \frac{|\vec{\epsilon}|$ 

اي ان: ( ۲ م × × ۱۰ ) × م ۲ = ۲ م × ( ۱۰ × ۲ ) ؛ نان

### خاصية المايد الضربي :

 $| = | \times | = | \times |$  اذا کان اعدداحقیقیا فإن :  $| \times | = | \times |$ 

أي أن : المحايد الضربي في ح هو الواحد

فوثلاً: ٢ م ٥ × ١ = ١ × ٢ م ٥ = ٢ م ٥

أ/ محمد محمود

#### الخوارزمى في الجبر والإحصاء

#### الصف الثاني الإعدادي

#### خاصية المعكوس الضربى:

لكل عدد حقيقي المحمد عدد معكوس ضربي له هو المحمد عكوس ضربي للأخر. ويسمي كلا من العددين المحمد عكوس ضربي للأخر. ومعكوس الضربي للعدد: المحمد على المحمد المحم

ب المعكون الصربي للعدد: - المعكوس الضربي للعدد: - المعكوس الضربي للعدد (١) هو نفسه الواحد "

المكوس الضربي للعدد (-١) هو نفسه الواحد

رابعا: عملية القسمة

#### لاحظان

كل عدد حقيقي له معكوس ضربي عدا الصفر

·1711170.17/0

### عملية القسمه ممكنة دائماني ح على أي عدد خلاف الصفر وتعرف كما يلي

لكل  $\{ \in \mathcal{I} : \mathcal{I} : \mathcal{I} + \mathcal{I} \times \mathcal{I}$ 

### مثال (١) : أوجد ناتج ما يأتي :

$$\frac{\varepsilon}{o} = \frac{\sqrt[3]{v}}{v} \times \frac{A}{\sqrt[3]{v}} = \frac{v}{\sqrt[3]{v}} \div \frac{A}{\sqrt[3]{v}}$$

### ملاحظة هامة جدا:

لَجعل مقام العدد الحقيقي"  $rac{1}{\sqrt{|igcup_{i}}}}}}}}}}}}}}}}}
ontinefine}}}}}}}}}}}}}}}}}}}}}}}}}}}}}$ 

$$\overline{T} \backslash T = \frac{\overline{T} \backslash T}{T} = \frac{\overline{T} / T}{T} \times \frac{T}{T} = \frac{T}{T} \gg$$

$$\frac{\overline{\circ \lor r}}{\circ} - = \frac{\overline{\circ \lor}}{\circ \lor} \times \frac{r}{\circ \lor} - = \frac{r}{\circ \lor} - \emptyset$$

#### تذكران

الخوارزمي في الجبر والإحصاء

الصف الثاني الإعدادي

#### مثال (١) : اجعل المقام عدداصحيحاني كل مما يأتي :

$$\frac{1}{\sqrt{\lambda}} = \frac{1}{\sqrt{\lambda}} = \frac{1}{\sqrt{\lambda}} \times \frac{1$$

$$\frac{1}{\sqrt{100}}$$
 ( بضرب البسط والمقام ×  $\sqrt{100}$ 

## أجب بنفسك

# (۱) : أوجد كلا مما يأتي :-٣/٥ × ٣/٢ ن

#### (٢) : اجعل المقام عدداصحيحا :

## ⊛ خاصية توزيع الضرب على الجمع والطرح

إذا كان أ ، ب ، ج أعداد حقيقية فإن:

#### الخوارزمى في الجبر والإحصاء

الصف الثانى الإعدادي

#### مثال (١) : أوجدناتج ما يأتى :

### ( 1 + T/T) T/T ()

### ( T - 0 / T) ( T + 0 / T) (P)

$$(7) - (7) = (7 \sqrt{2}) = (7)$$

$$9 - 2 \times 6 = (7)$$

$$11 = 9 - 7 \cdot = (7)$$

#### مثال (٢) :

$$= (r\sqrt{r}) \cdot = r \times r = r \times$$

T 7 = 1/+ T T+ 1/- T T= + - 0

$$(1 - \sqrt{T}) = \sqrt{T}$$

$$= \lambda (-r\sqrt{r} + r = Pr + r\sqrt{r})$$

## \* أجب بنفسك ﴿

### (١) أوجد ناتج كل مما يأتي في أبسط صورة:

(۲) إذا كانت : 
$$m = 7 \sqrt{1 - 1}$$
  $m = 7 \sqrt{1 + 1}$  أوجد قيمة كل من :

·1711170·17/1

الخوارزمي في الجبر والإحصاء



## الدرس السابع إلى العمليات على الجذور التربيعية

إذاكان ١ ، ب عددين حقيقيين غير ساليين فإن :

$$\frac{1}{\sqrt{v}} = \frac{1}{\sqrt{v}} = \frac{1}{\sqrt{v}} = \frac{1}{\sqrt{v}}$$

$$\frac{1}{\sqrt{v}} = \frac{1}{\sqrt{v}}$$

$$\frac{\circ}{q} = \sqrt{\frac{70}{\sqrt{1}}} = \sqrt{\frac{0}{\sqrt{1}}} = \sqrt{\frac{17}{\sqrt{1}}} = \sqrt{\frac{17}{\sqrt{1}$$

تستخدم هذة الخاصية 
$$\sqrt{\frac{1}{1}} \times \frac{1}{\sqrt{1}} \times \frac{1}{\sqrt{1}} = \frac{1}{\sqrt{1}}$$
 وحيث  $= \frac{1}{\sqrt{1}}$  لجعل المقام عددا صحيحا

$$\frac{\overline{Y1}\sqrt{}}{Y} = \frac{\overline{Y}\sqrt{}}{\overline{Y}\sqrt{}} \times \frac{\overline{Y}\sqrt{}}{\overline{Y}\sqrt{}} = \frac{\overline{Y}\sqrt{}}{\overline{Y}\sqrt{}} = \frac{\overline{Y}\sqrt{}}{\overline{Y}\sqrt{}}$$

مثال (١) : ضع كلا مما يأتي في صورة ١ √ب ( في أبسط صورة ) :ـ

$$\boxed{ } \sqrt{3Y} = \sqrt{3 \times r} = \sqrt{3} \times \sqrt{r} = 7\sqrt{r}$$

#### الخوارزمى فى الجبر والإحصاء

الصف الثانى الإعدادي

#### مثال (٢) : أوجدناتج ما يأتي :

$$= \sqrt{P \times 0} - 7 \sqrt{3} \times 0 + 7 \sqrt{0}$$

$$= \sqrt{P \times \sqrt{0} - 7} \sqrt{3} \times \sqrt{0} + 7 \sqrt{0}$$

$$= 7 \sqrt{0} - 7 \times 7 \sqrt{0} + 7 \sqrt{0}$$

$$= 7 \sqrt{0} - 3 \sqrt{0} + 7 \sqrt{0} = \sqrt{0}$$

$$\frac{1}{r} + r\sqrt{r} - r\sqrt{r}$$

$$\frac{1}{r} \times \frac{1}{r} \times$$

$$\frac{7}{r} + \frac{7}{r} \sqrt{r} - \frac{7}{7} \sqrt{7} =$$

$$\frac{7}{r} \sqrt{7} + \frac{7}{r} \sqrt{r} - \frac{7}{r} \sqrt{7} =$$

$$\frac{7}{r} \sqrt{7} + \frac{7}{r} \sqrt{r} - \frac{7}{r} \sqrt{7} =$$

$$\frac{7}{r} \sqrt{7} + \frac{7}{r} \sqrt{7} - \frac{7}{r} \sqrt{7} =$$

$$\frac{7}{r} \sqrt{7} + \frac{7}{r} \sqrt{7} - \frac{7}{r} \sqrt{7} =$$

$$\frac{7}{r} \sqrt{7} + \frac{7}{r} \sqrt{7} - \frac{7}{r} \sqrt{7} =$$

#### ملاحظات هامه

$$Y_{V} = \frac{1}{V} \times \overline{\xi}_{V} = \frac{1}{V} \times Y : \lambda$$

$$\overline{T} = \frac{1}{Y} \times \overline{T} = \frac{1}{Y} \times \overline{T} = \sqrt{T} = 0 \times \overline{T} = 0 \times \overline{T} = 0 = 0$$

### ◈ أجب بنفسك ﴿

### ضع كلامما يأتي في صورة الم ب (في أبسط صورة) ..



### العددان المترافقان

### إذا كان 🕴 ب عددين نسبيين موجبين فإن :

العدد ١٠ + ١٠ هو مرافق العدد ١٠ - ١٠ والمكس صحيح ويكون:

$$= (\sqrt{\uparrow})^{1} - (\sqrt{\downarrow})^{2} = 1 - \psi$$
 (مريع الحد الأول – مريع الحد الثاني )

أي أنه : للحصول على المرافق نغير الإشارة بين العددين إن كانت + نجعلها – وإن كانت – نجعلها +

حاصل ضربهها	مجموعهما	العدد المرافق	العدد
r = r − ο = ( γ \ ) − ( ο \ )	7 \0	70-1	10+17
YY = " - Yo = " ( T \ ) - Y ( o )	3 +	T/ +0	7/-0
1 · = Y - 1Y = Y ( Y ) - Y ( T \ Y )	T / £	7/- 7/7	7/4 + 1/4
q = 17 - Y = Y = Y = Y = Y = Y	√\ 1	£ + V/	£ - V

#### ملاحظة هامة

إذا كان لدينا عدد مقامه:  $(\sqrt{1+\sqrt{1+\sqrt{1+1}}})$  أو  $(\sqrt{1-\sqrt{1+\sqrt{1+1}}})$  فإننا نضعه في أبسط صورة بضرب حديه في مرافق المقام.

أي أن : إذا كان لدينا عدداً على صورة كسر مقامه يحتوي على جذراً مجموعاً معه أو مطروحاً منه عدداً أو جذراً آخر فإننا نضرب في مرافق المقام بسطاً ومقاماً لجعل العدد في أبسط صورة .

#### الخوارزمى فى الجبر والإحصاء

الصف الثانى الإعدادي

#### مثال (٢) : أوجدناتج ما يأتي :

$$\frac{7\sqrt{+0}\sqrt{7\sqrt{-0}\sqrt{10}}}{7\sqrt{+0}\sqrt{7\sqrt{+0}\sqrt{7\sqrt{-0}\sqrt{10}}}} \times \frac{7\sqrt{+0}\sqrt{7\sqrt{-0}\sqrt{10}}}{7\sqrt{+0}\sqrt{7\sqrt{-0}\sqrt{10}}} = \frac{7\sqrt{+0}\sqrt{7\sqrt{+0}\sqrt{10}}}{7\sqrt{+0}\sqrt{10}} = \frac{7\sqrt{+0}\sqrt{10}\sqrt{10}}{7\sqrt{+0}\sqrt{10}} = \frac{7\sqrt{+0}\sqrt{10}\sqrt{10}}{7\sqrt{+0}\sqrt{10}} = \frac{7\sqrt{+0}\sqrt{10}\sqrt{10}}{7\sqrt{+0}\sqrt{10}} = \frac{7\sqrt{+0}\sqrt{10}\sqrt{10}}{7\sqrt{+0}\sqrt{10}} = \frac{7\sqrt{+0}\sqrt{10}\sqrt{10}}{7\sqrt{10}} = \frac{7\sqrt{+0}\sqrt{10}}{7\sqrt{10}} = \frac{7\sqrt{+0}\sqrt{10}}{10}$$

$$\frac{1}{1-0}$$

$$\frac{1}{1+0}$$

$$\frac{1}{1+0}$$

$$\frac{1}{1+0}$$

$$\frac{1}{1+0}$$

$$\frac{1}{1+0}$$

$$\frac{1}{1+0}$$

$$\frac{1}{1+0}$$

$$\frac{1}{1+0}$$

$$\frac{\overline{\gamma} + \overline{\gamma} = -\overline{\gamma}}{\overline{\gamma} + \overline{\gamma} = -\overline{\gamma}}$$

$$\frac{\overline{\gamma} + \overline{\gamma} + \overline{\gamma}}{\overline{\gamma} + \overline{\gamma}} \times \frac{\overline{\gamma} + \overline{\gamma}}{\overline{\gamma} + \overline{\gamma}}$$

$$\frac{\overline{\gamma} + \overline{\gamma} + \overline{\gamma}}{\overline{\gamma} + \overline{\gamma}} \times \frac{\overline{\gamma} + \overline{\gamma}}{\overline{\gamma} + \overline{\gamma}} = -\overline{\gamma}$$

$$\frac{\overline{\gamma} + \overline{\gamma} + \overline{\gamma} + \overline{\gamma}}{\overline{\gamma} + \overline{\gamma}} = -\overline{\gamma}$$

$$\frac{\overline{\gamma} + \overline{\gamma} + \overline{\gamma} + \overline{\gamma}}{\overline{\gamma} + \overline{\gamma}} = -\overline{\gamma}$$

$$\frac{1 + \frac{\pi}{V}Y}{1 - \frac{\pi}{V}Y} \stackrel{\text{(e)}}{=} \frac{1 + \frac{\pi}{V}Y}{1 - \frac{\pi}{V}Y} \times \frac{1 + \frac{\pi}{V}Y}{1 - \frac{\pi}{V}Y} = \frac{\frac{\pi}{V}Y}{\frac{\pi}{V}Y} = \frac{\pi}{V} \stackrel{\text{(f)}}{=} \frac{$$

### أوجد قيمة المقدار: س + س ؟

$$\frac{1}{\sqrt{0}} \times \frac{1}{\sqrt{1+\sqrt{0}}} = \frac{1}{\sqrt{1+\sqrt{0}}}$$

$$\frac{1}{\sqrt{0}} \times \frac{1}{\sqrt{0}} = \frac{1}{\sqrt{0}}$$

$$\frac{1}{\sqrt{0}} \times \frac{1}{\sqrt{$$

الخوارزمي في الجبر والإحصاء

الصف الثانى الإعدادي

### قوانين هامة

$$\frac{7}{2} = \sqrt{2} = \sqrt{2}$$

$$\sqrt{2} = \sqrt{2}$$

$$\sqrt{2} = \sqrt{2}$$

$$\sqrt{2} = \sqrt{2}$$

أثبت أن: س، ص مترافقان ثم أوجد قيمه كلامن:

ن س ، ص مترافقان

$$A = ( Y Y - ) =$$

$$=(\sqrt{\circ}-\sqrt{Y}+\sqrt{\circ}+\sqrt{Y})(\sqrt{\circ}-\sqrt{Y}-\sqrt{\circ}-\sqrt{Y})$$

$$= \sqrt{\circ}\times -\sqrt{Y}=-3\sqrt{1}$$

$$A1 = {\overset{\xi}{(\Upsilon)} = \overset{\xi}{(\Upsilon)} = \overset{\xi}{(\Upsilon)}$$

أ/ محمد محمود



# الدرس التاسع 🖟 العمليات على الجذور التكعيبية

إذاكان ١، ب عددين حقيقيين فإن:

$$\frac{1}{\sqrt{r}} = \sqrt{r} \times \sqrt{r} = \frac{1}{\sqrt{r}}$$

$$\frac{1}{\sqrt{r}} = \sqrt{r} \times \sqrt{r} = \frac{1}{\sqrt{r}}$$

$$\frac{1}{\sqrt{r}} = \sqrt{r} \times \sqrt{r} = \sqrt{r}$$

$$\frac{1}{\sqrt{r}} = \sqrt{r} \times \sqrt{r}$$

$$\frac{1}{\sqrt{v}} = \sqrt{v} = \sqrt{v}$$
 eight 
$$\sqrt{v} = \sqrt{v}$$

$$\frac{1}{\sqrt{7}} = \frac{1}{\sqrt{7}} = \frac{$$

$$T = \sqrt{\frac{1}{\nu}} \times \sqrt{\frac{1}{\nu}} \times \sqrt{\frac{1}{\nu}} = \sqrt{\frac{1}{\nu}} \times \sqrt{\frac{1}{\nu}}$$

$$\frac{1}{2} \sqrt{\frac{1}{Y}} = \frac{1}{\sqrt{\frac{1}{Y}}} = \sqrt{\frac{1}{X}} = \sqrt{\frac{1}{X}} = \sqrt{\frac{1}{X}} = \sqrt{\frac{1}{Y}} \sqrt{\frac{1}{X}}$$

$$\frac{1}{2} \cdot \sqrt{\frac{1}{2}} = \frac{1}{2} \cdot \sqrt{\frac{1}{2}}$$

#### الخوارزمى في الجبر والإحصاء

الصف الثانى الإعدادي

### مثال (١) : ضع كلا مما يأتي فى صورة ﴿ ﴿ بِ ۖ بِ وَ فِي أَبِسُطُ صورة ﴾ : ـ

$$\overline{T} \sqrt{T} T = \overline{T} \sqrt{T} \times \overline{T} \sqrt{T} = \overline{T} \times \overline{T} \sqrt{T} = \overline{\Lambda} \sqrt{T} \sqrt{T}$$

$$\frac{1}{\sqrt{\lambda}} = \frac{1}{\sqrt{\lambda}} = \frac{$$

مثال (٢) أختصر لأبسط صورة :

ای ان: نیحث عن عددین حاصل ضربهما يساوى العدد الموجود تحت الجذر ويكون أحدهما له جذر تكعيبي.

### 17 / Y - 171

### ( ) J ... - Y J ... + 13 $= \sqrt[3]{\circ 1/1 \times 3} - \sqrt[3]{\circ 1/2} \times 170 = \sqrt[3]{\circ}$ $= \sqrt[7]{2} \times \sqrt[7]{3} - \sqrt[7]{4} \times \sqrt[7]{3} + \sqrt[7]{3}$

$$= \sqrt[3]{\frac{1}{2}} - \sqrt[3]{\frac{1}{2}} + \sqrt[3]{\frac{1}{2}}$$

$$= \sqrt[3]{\frac{1}{2}}$$

## 17 - 11 - 11 - 11 - 11

$$\frac{\circ}{\circ} \times \frac{1}{\sqrt{0}} \times \frac{1}{\sqrt$$

## مثال (۳) أختصر لأبسط صورة : $\sqrt{11} + \sqrt{11} - 7$ $\sqrt{7} - 7$

الخوارزمى في الجبر والإحصاء

الصف الثانى الإعدادي

## مثال (٤) إذا كانت ﴿ = ١ - ١ - ١ - ١ - ١ أحسب قيمة كلمن ا

$$TY = (Y) = (Y) = (Y) = (Y) = (Y) = Y$$

$$0 = \sqrt[n]{(\sqrt[n]{n})} = \sqrt[n]{($$

## $1 = (7 \times 10^{8}) \div (17 \times 10^{8}) \div (17 \times 10^{8})$ إثبت أن: ( $\sqrt{3} \times 10^{8}$

$$1 = \frac{\Lambda \overline{1} \overline{\xi} \sqrt{r}}{\Lambda \overline{1} \overline{\xi} \sqrt{r}} = \frac{1 \overline{1} \sqrt{r} \times \overline{0} \overline{\xi} \sqrt{r}}{\overline{1} \times \overline{1} \times \overline{1} \sqrt{r} \times \overline{\xi} \sqrt{r}}$$

## أجببننك

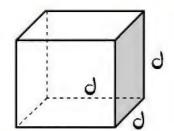
### (١) : أختصر لأبسط صورة :-

$$\sqrt{4-1} + \sqrt{1-1} + \sqrt{1-1} = \sqrt{1-1}$$



## تطبيقات على الأعداد الحقيقية

## أولا: الكعب



هو مجسم جميع أوجهه السته مربعات متطابقة ، جميع أحرفه متساية الطول .

### إذا كان طول حرف المكعب ل فإن :

- √ حجمه = 6
- ♦ مساحة الوجه الواحد = الح
- هساحنه الجانبية = ٤ ل٢
  - عساحنه الكلية = ٢ ل٢

### مثال (1): مكعب حجمه ٢١٥ سم . أوجد مساحته الجانبية ومساحته الكلية ؟

حجم اطلعب = 
$$\int_{0}^{\pi} |\nabla x|^{2} = |\nabla x|^{2}$$
  $\int_{0}^{\pi} |\nabla x|^{2} = |\nabla x|^{2} + |\nabla x|^{2} = |\nabla x|^{2} + |\nabla x|^{$ 

## مثال (٢): مكعب مساحته الكلية ١٥٠ سم ً. أوجد طول حرفه وحجمه ؟

$$^{\prime}$$
المساحه الكلية =  $^{\prime}$   $^{\prime}$  = ۱۵۰ سم

$$Fb' = .01 \text{ ma}'$$

$$b' = \frac{.01}{r}$$

$$b' = .01$$

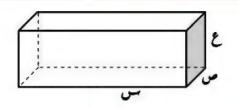
$$^{7}$$
سم  $^{7} = 1.0 = 3 \times (a)^{7} = 1.0 = 1.0 = 3 \times (a)^{7} = 1.0 = 1$ 

## ☀ أجب بنفسك ﴿

- ٠ مكعب حجمه ١٢٥ سم . أحسب مساحته الجانبية ومساحته الكلية ؟
  - ن مكعب مساحته الكلية ٢٩٤ سم . أحسب حجمه ؟
- 🕡 مكعب مجموع أطوال أحرفه ٦٠ سم . أحسب حجمه ومساحته الجانبية ؟

#### الخوارزمى في الجبر والإحصاء

#### الصف الثانى الإعدادي



### ثانیا: متوازی المستطیلات

هو مجسم يحتوي علي ستة اوجه مستطيلة كل وجهين متقابلين منها متطابقان.

### إذا كان بعدا القاعدة = س ، ص والارتفاع ع فإن :

### **مثال (١**): متوازي مستطيلات ٤ سم ، ٥ سم ، ٧ سم . أوجد :

مساحته الجانبية هساحته الكلية حجمه

المساحه الجانبية = ۲ ( س + س ) × ع =۲ ( ۵ + ۵ ) × ۲ = ۲×۹×۲ سم

المساحه الكلية = ۲ (س+س) × ع+۲س س

مثال (٢): متوازي مستطيلات قاعدته مربعة الشكل ، فإذا كان حجمه ١٨٠ سم " وارتفاعه ٥ سم . أجد مساحته الكلية ؟

الدجم = س × س × ع = ۱۸۰ سم

$$= Y \left( \Gamma \times \Gamma + \Gamma \times \circ + \circ \times \Gamma \right)$$

الخوارزمى فى الجبر واللرحصاء

### ⊛ أجب بنفسك ⊛

- 🕥 متوازي مستطيلات أبعاده ٣ سم ، ٤ سم ، ٥ سم احسب حجمه ومساحته الكلية ؟
  - وض بدون غطاء علي شكل متوازي مستطيلات قاعدته مربعة الشكل ، طول ضلعها ٥  $\sqrt{7}$ سم وارتفاعه  $\sqrt{7}$  سم . أوجد مساحته الكلية وحجمه ؟

### ثانيا:الدائرة

إذا كانت م دائرة طول نصف قطرها = نخم فإن : (٣,١٤ او ٢٢٠)

- $\pi$  محیط الدائرة  $\pi$  ف $\pi$  ف $\pi$  ف $\pi$  هخیط نصف الدائرة  $\pi$  فه  $\pi$  نفه  $\pi$ 
  - $\pi = 3$ نه  $\pi = 3$ نه الدائرة  $\pi = 3$ نه  $\pi = 3$ نه نهد نصف محیط الدائرة  $\pi = 3$ نه نهد نصف محیط الدائرة

### مثال (۱): دائرة طول نصف قطرها ۳ سم ، أوجد محيطها ومساحتها ؟ (۳٫۱٤ = $\pi$ )

محیط الدائرة  $\mathbf{r}$   $\mathbf{r}$  فہ  $\mathbf{r}$   $\mathbf{r}$ 

 $(\frac{\gamma\gamma}{v}=\pi)$  ؟ دائرة مساحتها ۱۵۶ سم ، أوجد طول نصف قطرها ومحيطها ؟

### $\pi = \infty$ مساحة الدائرة

$$\frac{YY}{V} \times 102 = \frac{Y}{V}$$

محيط الدائرة = ٢ سخم

المحيط = 
$$Y \times \frac{YY}{V} \times Y = 33$$
 سم

### ﴿ أجب بنفسك ﴿

- 🚺 دائرة محيطها ۸۸ سم أوجد مساحتها ؟
- دائرة مساحة سطحها  $\pi$  ۱۲ سم ، أوجد طول نصف قطرها ومحيطها  $\pi$

الخوارزمى فى الجبر والإحصاء

### رابعا:الأسطوانة الدائرية القائمة

٤

هو مجسم له قاعدتان متوازيتان ومتطابقتان وكل منهما على شكل دائرة ، أما السطح الجانبي فهو سطح منحنى يسمي سطح أسطواني .

إذا كان طول نصف قطر قاعدة الأسطوانة = ني ، والارتفاع ع فإن :

$$(7,12) = \frac{44}{4} = \pi$$

$$^{\vee}$$
نه  $\pi + \cancel{\xi} \times \cancel{\xi} + \pi$  نه  $\pi + \cancel{\xi} \times \cancel{\xi} + \pi$  نه  $\pi$ 

مثال (١): اسطوانة دائرية قائمة ارتفاعها ١٠ سم وطول نصف قطر قاعدتها ١٤ سم . أوجد:

المساحة الجانبية

$$(\frac{1}{V} = \pi)$$
 العجم ( $\mathbb{P}$ 

الساحة الجانبية = 
$$\pi$$
 ن  $\pi$  خ  $\pi$  الساحة الكلية =  $\pi$  ن  $\pi$  خ  $\pi$  ن  $\pi$  الساحة الكلية =  $\pi$  ن  $\pi$  خ  $\pi$  الساحة الجانبية =  $\pi$  ن  $\pi$  خ  $\pi$  الساحة الجانبية =  $\pi$  ن  $\pi$  خ  $\pi$  الساحة الكلية =  $\pi$  ن  $\pi$  خ  $\pi$  ن  $\pi$  الساحة الكلية =  $\pi$  ن  $\pi$  خ  $\pi$  ن  $\pi$  ن  $\pi$  خ  $\pi$  ن  $\pi$  ن  $\pi$  خ  $\pi$  ن  $\pi$  ن

مثال (٢): اسطوانة دائرية قائمة ارتفاعها ١٠ سم و حجمها ١٥٤٠ سمٌّ . أوجد مساحتها الكلية ؟

$$(\frac{\gamma\gamma}{\nu}=\pi)$$

المساحة الكلية = 
$$^{7}\pi$$
 ن  $^{8}\pi^{7}+^{8}\pi$  ن  $^{8}\pi^{7}+^{8}\pi$  ن  $^{8}\pi^{7}+^{8}\pi^{8}\pi^{8}$  ن  $^{8}\pi^{7}+^{8}\pi^{8}\pi^{8}$ 

$$\pi$$
 خجم الأسطوانه =  $\pi$  ن.  $\times$  خ $\pi$  الأسطوانه =  $\pi$  ن.  $\times$  خ $\pi$  = 105.  $\times$   $\times$  خ.  $\times$   $\times$  = 105.  $\times$  ن.  $\times$   $\times$  = 105.  $\times$  ن.  $\times$  خ.  $\times$  = 105.  $\times$  خ.  $\times$  خ.  $\times$  =  $\times$  105.  $\times$  خ.  $\times$  خ.  $\times$  =  $\times$  105.  $\times$  خ.  $\times$  =  $\times$  105.  $\times$  =  $\times$  انت.  $\times$  =  $\times$  105.  $\times$  =  $\times$  105.  $\times$  =  $\times$  105.  $\times$  1

## ⊛ أجب بنفسك ⊛

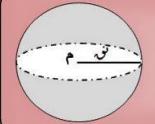
- 🐠 اسطوانة دائرية حجمها ٦٤ π سم ً وارتفاعها ٤ سم . أوجد مساحتها الكلية 🤏
- 🕜 اسطوانت دائريت حجمها ٩٠ π سم أوجد طول نصف قطرها ومساحتها الجانبيت؟

الخوارزمى فى الجبر والإحصاء

### خامسا:الكرة

هو مجسم سطحه منحني وجميع نقاط سطحه تقع علي أبعاد متساوية من نقطه ثابتة داخل الدائرة ، تسمى النقطة الثابتة مركز الكرة (٢).

### إذا كانت م دائرة طول نصف قطرها = نفي فإن :



- √ مساحة الكرة = ٤ من مساحة الكرة

#### مثال (1): كرة طول نصف قطرها ٣ سم . أوجد حجمها ومساحة سطحها ؟

حجم الكرة = 
$$\frac{\xi}{\eta}$$
 ن  $\pi$  ن  $\pi$  =  $\frac{\xi}{\eta}$  > ١١٣,٠٤ =  $\pi$  السم  $\pi$  مساحة سطح الكرة =  $\pi$   $\pi$  ن  $\pi$   $\pi$   $\pi$  الكرة =  $\pi$  ال

### مثال (r): كرة حجمها $\pi$ ۲۸۸ سم $\pi$ . أوجد طول نصف قطرها ومساحتها بدلالت $\pi$ ۶

مساحۃ الکرۃ = 
$$3$$
  $\pi$  نقہ  $^{7}(7) \times \pi \times \xi =$ 
 $^{7}$ 
 $^{7}$ 
 $^{7}$ 
 $^{7}$ 
 $^{7}$ 
 $^{7}$ 
 $^{7}$ 
 $^{7}$ 
 $^{7}$ 
 $^{7}$ 
 $^{7}$ 

$$\pi$$
 نه  $\pi$   $\pi$  نه  $\pi$  نه  $\pi$  نه  $\pi$  الله م

### ⊛ أجب بنفسك ⊛

- كرة من المعدن طول قطرها ٦ سم . صهرت وحولت إلي أسطوانة دائرية طول نصف
   قطر قاعدتها ٣ سم أوجد ارتفاع الأسطوانه ؟
  - متوازي مستطيلات مصنوع من الرصاص اطوال احرفه ۲۱، ۲۲ سم . شكلت منه
     مادة لتكوين كرة أوجد طول نصف قطرها ؟

الخوارزمى فى الجبر والإحصاء



حل المعادلات والمتباينات من الدرجة الأولي في متغير واحد في ح

أولاً : حل معادلات الدرجة الأولى في ح

### لفكرة الرئيسية في حل المعادلات:

هو ايجاد العدد الحقيقي الذي يحقق هذه المعادلة وذلك من خلال عدة طرق منها:

تحريك الحدود مع تغيير الإشارات

الإضافة

والأمثلة التالية سوف توضح كيفية حل معادلة الدرجة الأولي في متغير واحد

### مثال (١): أوجد في ح مجموعة الحل لكل من المعادلات الآتيه ومثلها على خط الأعداد:

0= 4+, 4 7 /

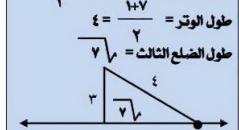
م ٣ س = ٥ - ٢



4.7= { V V

الزاوية فيه :

لتمثيل العددم ٣ نرسم مثلث



لتمثيل العدد √ ٧ نرسم مثلث قائم

### ﴿ أجب بننسك ﴿

أوجد في ح مجموعة الحل لكل من المعادلات الآتية ومثل الحل على خط الأعداد:-

#### الخوارزمى في الجبر والإحصاء

### ثانياً : حل متباينات الدرجة الأولى في ح

حل المتباينة معناه إيجاد جميع قيم المتغير (س) التي تحقق المتباينة.

مجموعة حل المتباينات في ح سوف نكتبها على صورة فترة.

#### وطرق حل المتباينات في ح تعتمد على خواص علاقة التباين وهي كالآتي :-

#### بفرض أن: ١، ٠، ج ثلاثة أعداد حقيقية فإنه:

$$\sqrt{\frac{1}{100}} < \frac{1}{100} <$$

$$\sqrt{\frac{1}{1}} < \frac{1}{1} < \frac{1}{1}$$
 فإن  $\frac{1}{1} < \frac{1}{1} < \frac{1}{1}$  (خاصية القسمة على عدد سالب)

#### لاحظ أن: عند ضرب أو قسمة طرفي المتباينة في او على عدد سالب يتغير اتجاه علامة التباين

#### مثال (١): أوجد في ح مجموعة الحل لكل من المتباينات الأتيه ومثلها على خط الأعداد:

۳ س

۳ س

س ≤ ١

#### ۲>٦+س٢ (١)

#### € ۵ س - ۲ > ۲ س + ۷

1+ 7 >

٣ >

] ∞ ، 1] = 7.0

٣ ٧ س - ١ < ٢

بالقسمة على ٣

#### ۸> س۲-۲®

## 

#### أ/ محمد محمود

#### مثال (٢): أوجد في ح مجموعة الحل لكل من المتباينات الآتيه ومثلها على خط الأعداد:

#### ٣ > ٢ - ٧ س - ١ < ٩

## 

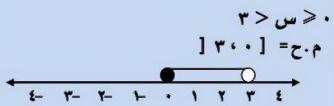
9 > - ۳ - ۲س < ۹

٢ < - ٢س < ٦ بالقسمة على - ٢

٥ - ٣ < - ٢س ≤ ٩ - ٣

## ٣ ٤س ≥ ٥س + ٢ < ٤س + ٣

(بطرح ٤ س) • ≤ ٥س – ٤س < ٣







### \* أجب بنفسك ﴿

أوجد في ح مجموعة الحل لكل من المتباينات الآتية ومثل الحل علي خط الأعداد:-